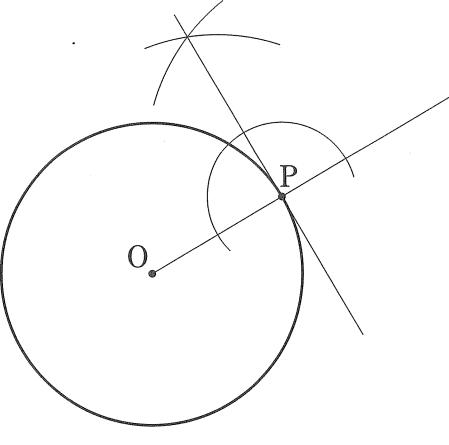


# 6 数学

50点満点

問題		正解		標準配点	備考
大	小				
1	(1)	①	4	2	
		②	$-\frac{3}{4}$	2	
		③	$9x - 2y$	2	
		④	$9\sqrt{2}$	2	
	(2)	$x^2 + 2xy + y^2 - 1$		2	
2	(1)	$5a + 2b = 1020$		2	
	(2)	15		2	
	(3)	42 度		2	
	(4)	120 個		2	
3	(1)			2	
		$\frac{1}{6}$		2	
(2)	①	529 枚		1	
	[説明の例]		3		
	$(n-1)$ 番目の図形のタイルは全部で $(n-1)^2$ 枚, $n$ 番目の図形のタイルは全部で $n^2$ 枚と表すことができる。 $n$ 番目の図形をつくるとき, 新たに必要なタイルの枚数は $\begin{aligned} & n^2 - (n-1)^2 \\ &= n^2 - (n^2 - 2n + 1) \\ &= 2n - 1 \end{aligned}$ $n$ は 2 以上の整数であるから, $2n - 1$ は奇数である。 よって, 新たに必要なタイルの枚数は奇数である。				

問題		正解		標準配点	備考
大	小				
4		[求める過程の例]		5	
		水を移す前の A の水の量を $x$ mL, 水を移す前の B の水の量を $y$ mL とする。 合わせて 820 mL の水が入っていたことから, $x + y = 820$ ..... ① それぞれの容器に入っている水の量について, A の $\frac{1}{4}$ と B の $\frac{1}{3}$ を C に移したことから, 水を移した後の C の水の量は, $\frac{1}{4}x + \frac{1}{3}y$ と表すことができる。 また, 水を移した後の C の水の量は, 水を移した後の A の水の量より 60 mL 少なかったことから, $\frac{3}{4}x - 60$ と表すことができる。 どちらも, C の水の量を表していることから, $\frac{1}{4}x + \frac{1}{3}y = \frac{3}{4}x - 60$ ..... ② ①, ②を連立方程式として解いて, $x = 400, y = 420$ これらは問題に適している。			
5		<b>[証明の例 1]</b> 線分 CI をひく。 $\triangle CIE$ と $\triangle CIB$ において CI は共通 ..... ① 仮定から $\angle CEI = \angle CBI = 90^\circ$ ..... ② 仮定から $CE = CB$ ..... ③ ①, ②, ③より 直角三角形で, 斜辺と他の 1 辺がそれぞれ等しいから $\triangle CIE \equiv \triangle CIB$ 合同な図形の対応する辺は等しいから $EI = BI$		5	
		<b>[証明の例 2]</b> 対角線 AC, CF をひく。 $\triangle IEA$ と $\triangle IBF$ において 対頂角は等しいから $\angle AIE = \angle FIB$ ..... ① 仮定から $\angle AEI = \angle FBI = 90^\circ$ ..... ② 三角形の内角の和は $180^\circ$ であるから $\angle IAE = 180^\circ - \angle AIE - \angle AEI$ ..... ③ $\angle IFB = 180^\circ - \angle FIB - \angle FBI$ ..... ④ ①, ②, ③, ④から $\angle IAE = \angle IFB$ ..... ⑤ 合同な長方形の対応する辺は等しいから $CB = CE$ ..... ⑥ また, 合同な長方形の対角線は等しいから $CA = CF$ ..... ⑦ $EA = CA - CE$ ..... ⑧ $BF = CF - CB$ ..... ⑨ ⑥, ⑦, ⑧, ⑨から $EA = BF$ ..... ⑩ ②, ⑤, ⑩より 1 組の辺とその両端の角がそれぞれ等しいから $\triangle IEA \equiv \triangle IBF$ 合同な図形の対応する辺は等しいから $EI = BI$			
6	(1)	1		1	
	(2)	$y = x + 3$		2	
7	(3)	$t = 1 + \sqrt{7}$		3	
	(1)	6 cm		1	
(2)	①	$16\sqrt{2}$ cm <sup>2</sup>		2	
	②	$\frac{64\sqrt{2}}{15}$ cm <sup>3</sup>		3	

※部分点については、各校において統一した基準を設けて採点するものとする。